

# ISPITIVANJE OREBRENIH ZAGREJAČA VAZDUHA SA RASPRŠIVANJEM VODE

## TESTING OF AIR HEATERS WITH PLATE FINNED TUBES WITH SPRAY COOLING

Milena OTović<sup>1\*</sup>, Srbislav GENIĆ<sup>1</sup>, Uroš MILOVANČEVIĆ<sup>1</sup>, Vladimir ČERNICIN<sup>1</sup>,  
Srdan OTović<sup>1</sup>, Snežana STEVANOVIC<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Mašinski fakultet Univerziteta u Beogradu, Beograd,

<sup>2</sup> Poljoprivredni fakultet Univerziteta u Beogradu, Beograd

*U radu je opisana procedura merenja relevantnih parametara rada razmenjivača toplove sa orebrenim cevima koji rade kao zagrejači vazduha. Pored opisa eksperimentalne instalacije date su i najbitnije geometrijske karakteristike ovih aparata. Radi određivanja merodavnih parametara za slučajevе rada sa i bez vlaženja vazduha vršena su eksperimentana merenja toplo-tih i strujnih performansi razmenjivača toplove. Kroz cevi je strujala voda kao toplji fluid. Prilikom izvođenja eksperimenta varirani su protoci i temperature radnih fluida u granicama definisanim parametrima rada same instalacije, dovoljni da se dobijeni rezultati mogu generalizovati. Obradom eksperimentalnih podataka odgovarajućim statističkim metodama cilj je bio da se odrede jednačine pogodne za inženjersku praksu. Definisani su koeficijenti otpora strujanju i prelazu toplove i vlage sa vazdušne strane na složenoj geometriji ovog tipa razmenjivača toplove pri realnim eksploracionim uslovima, a u funkciji od merodavnih kriterijuma sličnosti.*

**Ključne reči:** razmenjivač toplove sa orebrenim cevima; eksperimentalna instalacija; orošavanje vazduha

*This paper deals with the procedure for measuring the relevant parameters of a plate-finned tube heat exchangers operating as an air heaters. Beside the description of the experimental installation, the most important geometric characteristics of these appliances are given. In order to determine the relevant parameters for dry and wet regimes (for cases with and without spray cooling), experimental measurements of the heat and hydraulic performance of the heat exchangers were made. Water flowed through the pipes as a warmer fluid. During the experiments, the flow rates and temperatures of the working fluids were varied within the limits defined by the operating parameters of the installation itself, sufficient to allow the obtained results to be generalized. The experimental data were processed by appropriate statistical methods; the aim was to determine equations suitable for engineering practice. The coefficients of the air-side heat and mass transfer and friction factor are defined on the complex geometry of this type of heat exchangers under realistic operating conditions, as a function of the relevant similarity criteria.*

**Key words:** plate finned tube heat exchanger; experimental setup; spray cooling

### 1. Uvodna razmatranja – razmenjivači toplove sa orošavanjem vazduha

Orošavajući razmenjivači toplove se sastoje od cevnog snopa kroz koji protiče radni fluid koji se hlađi ili kondenzuje,

dok rashladna voda, u vidu filma ili raspršena, struji sa spoljašnje strane cevi, a okolni vazduh odvodi veći deo toplove koju je voda primila. Rashladna voda se može recirkulisati ili u potpunosti odvoditi iz aparata, a strujanje vazduha može biti prirodno (atmosferski orošavajući razmenjivači) ili prinudno (evaporativni orošavajući razmenjivači).

\* Corresponding author: motovic@mas.bg.ac.rs

Orošavajući razmenjivači se uvek izrađuju sa horizontalno postavljenim cevima, pri čemu se u odnosu na pravac i smer proticanja radnog fluida i rashladne vode može ostvariti istosmerni tok (kada radni fluid struji odozgo nadole), suprotosmerni tok (kada radni fluid struji odozdo nagore) i unakrsni tok.

Korišćenjem orošavajućeg razmenjivača moguće je, zbog recirkulacije vode, uštedeti  $85 \div 95\%$  od potrebne količine vode za normalan rad u poređenju sa rekuperativnim razmenjivačem toplove odgovarajućeg kapaciteta koji se hlađi protočnom vodom. Potrebni protok vazduha je znatno manji nego kod rekuperativnih razmenjivača toplove hlađenih samo vazduhom, pa su niži investicioni i pogonski troškovi (manji ventilatori i elektromotori manje snage).

Orošavajući razmenjivači toplove se veoma često upotrebljavaju za:

- hlađenje tečnosti (voda, alkoholi, ulja, razne vrste destilata),
- hlađenje gasova (prirodni gas),
- kondenzaciju pare (rashladni fluidi, alkoholi, vodena para).

Strujanje vazduha se ostvara pomoću aksijalnih ili centrifugalnih ventilatora, pri čemu se centrifugalni ventilatori koriste kada su zahtevi u pogledu nivoa buke strogi.

Prilikom kontakta vode i vazduha dolazi do isparavanja jednog dela vode, pa je potrebno dovoditi svežu vodu u sistem da bi se u njemu održavalo stacionarno stanje, a njena potrošnja zavisi od sledećih faktora:

- toplotne snage aparata,
- stanja vazduha koje se menja tokom eksploracionog perioda, tj. od količine vode koja ispari u kontaktu sa vazduhom,
- brzine strujanja vazduha,
- maksimalno dozvoljene količine soli u vodi koja se vremenom povećava usled isparavanja jednog dela vode.

## 2. Eksperimentalna instalacija i rezultati merenja

U okviru ovog eksperimentalnog ispitivanja projektovana je i izrađena eksperimentalna instalacija (fizički model) na kojoj su sprovedena merenja uticaja promene entalpije vazdušne struje na performanse razmenjivača toplove (RT) sa otrebrenim cevima koji rade kao zagrejači vazduha (npr. kondenzator toploplotnih pumpi), kao posledica orošavanja vazduha na ulazu u aparat. Razmatrani su RT u tri različita režima: pri razmeni suve toplove bez orošavanja vazduha, kao i sa orošavanjem vazduha do stanja adijabatskog zasićenja i pri razmeni suve i latentne toplove za slučaj strujanja presičenog vazduha.

Ispitivanja razmenjivača toplove su se vršila prema međunarodnim EN normama za ovu oblast [1, 2, 3].

Instalacija je bila montirana i puštena u rad u okviru toplotne podstanice na Mašinskom fakultetu u Beogradu, gde su i eksperimenti sprovedeni. Prilikom ovih eksperimentalnih merenja ispitana je novi razmenjivač toplove [4] koji se može proizvoditi u više veličina u serijskoj, odnosno masovnoj proizvodnji.

### 2.1. Opis eksperimentalne instalacije

Eksperimentalna instalacija izrađena za potrebe merenja, čiji je šematski prikaz dat na slici 1, sastoji se iz otvorenog vazdušnog sistema, kruga vode za orošavanje vazduha i kruga tople vode za zagrevanje RT sa odgovarajućim mernim mestima, a njeni osnovni elementi su:

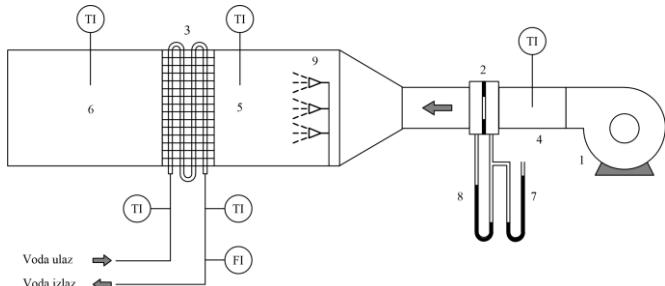
- 1 – ventilator,
- 2 – merna blenda,
- 3 – razmenjivači toplove sa otrebrenim cevima dimenzija 360 x 360 mm,
- 4 – cevovod,
- 5 – strujni kanal za vazduh na ulazu u RT,
- 6 – strujni kanal za vazduh na izlazu iz RT,
- 7 – manometar (U cev),
- 8 – diferencijalni manometar (U cev),
- 9 – mlaznice za orošavanje vazduha.

Eksperimenti su sprovedeni na dva razmenjivača toplove sa lamelastim rebrima u dva seta merenja relevantnih parametara – prvo sa dva vazdušna hladnjaka, a potom sa jednim. U prvom setu merenja vazdušni hladnjaci su bili redno spregnuti po toku vazduha i po toku tople vode. Najpre su ostvareni „suvi“ režimi rada instalacije (bez orošavanja vazduha na ulazu u aparat), a zatim i „vlažni“ režimi sa orošavanjem vazduha do stanja adijabatskog zasićenja i za slučaj strujanja presičenog vazduha preko ovih RT. Nakon toga nastavljeno je sa ispitivanjem instalacije sa jednim vazdušnim hladnjakom, pri čemu je drugi bio demontiran. I u ovom slučaju prvo su izmereni „suvi“, a potom i „vlažni“ režimi.

Smatrano je da je vazduh kao hladniji fluid strujao kanalisan kroz međucevni prostor sa mešanjem iza svakog reda cevi, a voda kao topliji fluid kanalisan kroz cevi. Kada je reč o vezi dva vazdušna hladnjaka, razmatrana je šema unakrsno-suprotosmernog toka strujanja sa rednom vezom sa strane toplijeg fluida, pri čemu je jedan hladnjak posmatran kao unakrsno-suprotosmerni. Na osnovu sprovedenih proračuna zaključilo se da se ove šeme unakrsno-suprotosmernog strujanja mogu smatrati čisto suprotosmernim.

Protok vazduha, ostvaren pomoću potisnog ventilatora, variran je pomoću frekventnog regulatora i meren na usisu

ventilatora kosim manometrom sa vodom preko usisne cevi spoljnog prečnika 160 mm i dužine 450 mm izrađene prema prepovukama u [5]. Njeno baždarenje je izvršeno metodom ispitivanja definisanom preko [6] pomoću termoanemometra (ALNOR TA 440 A).



Slika 1. Šematski prikaz eksperimentalne instalacije  
(TI – termometar, FI – protokomer)

Da bi se odredio protok vazduha, potrebno je izmeriti razliku atmosferskog (ukupnog, totalnog) i statickog pritiska u usisnom preseku merne cevi  $\Delta p_{usis}$  [Pa] (ova razlika predstavlja dinamički pritisak) na precizno definisanom odstojanju  $D/2$  od ulaznog preseka [5], kao i ambijentalni pritisak  $p_{amb}$  [Pa] i temperaturu vazduha na usisu u cev  $t_{usis}$  [ $^{\circ}$ C] (radi oredovanja potrebnih termotehničkih parametara). Protok hladnjeg fluida (vazduha) na osnovu ovih izmerenih potrebnih vrednosti može se izračunati pomoću izraza prema [5]:

$$m_2 = \frac{C}{\sqrt{1-\beta^4}} \cdot \varepsilon_v \cdot \frac{\pi D}{4} \cdot \sqrt{2\rho_2 \Delta p_{usis}} \quad (1)$$

gde je  $C$  faktor isticanja,  $\beta$  odnos prečnika,  $D$  [mm] unutrašnji prečnik usisne cevi, a  $\varepsilon_v$  koeficijent ekspanzije.

Nakon ventilatora u smeru strujanja vazduha u „suvim“ režimima ugrađen je kanal dužine 2000 mm kvadratnog poprečnog preseka koji odgovara poprečnom preseku razmenjivača toplote, kako bi se umirila vazdušna struja i postiglo što ravnomernije brzinsko polje ispred razmenjivača toplote na mestu manometarskog priključka pomoću koga je meren pad pritiska na aparatu ( $\Delta p_{RT}$  [Pa]). Ovaj pad pritiska vazduha pri strujanju kroz razmenjivač toplote meren je uz pomoć diferencijalnog kosog manometra sa vodom povezanog na priključcima na odgovarajućoj udaljenosti ispred i iza aparata.

Takođe, u preseku kanala ispred razmenjivača toplote u blizini manometarskog priključka nalazilo se i merno mesto za prikupljanje parametara vazduha na ulazu u aparat – temperature po suvom termometru ( $t_{2p}$  [ $^{\circ}$ C]) i relativne vlažnosti ( $\varphi_{2p}$  [%]). U preseku kanala na dovoljnoj udaljenosti iza razmenjivača toplote nalazilo se merno mesto za prikupljanje

parametara vazduha na izlazu iz aparata – temperature po suvom termometru ( $t_{2k}$  [ $^{\circ}$ C]) i relativne vlažnosti ( $\varphi_{2k}$  [%]).

Za merenje bitnih parametara u „vlažnim“ režimima instalacija je prepravljena i u vazdušni kanal nakon ventilatora ugrađena je maglena sekcija za orušavanje vazduha na ulazu u razmenjivač toplote. Ispred sekcije, a nakon ventilatora, mereni su temperatura i relativna vlažnost vazduha pre procesa orušavanja. Na izlazu iz maglene komore, pre ulaska vazduha u razmenjivač toplote, postavljen je odvajač kapi nakon koga se nalazio priključak za merenje temperature i relativne vlažnosti vazduha nakon procesa orušavanja do stanja adijabatskog zasićenja. U slučaju strujanja presičenog vazduha preko ovih razmenjivača toplote odvajač kapi je demontiran i ka aparatima je strujao vazduh koji je sa sobom nosio kapljice vode. Parametri vazduha u ovakovom dvofaznom području su jednim delom mereni pomoću vlažnog termometra, pa kasnije računati na osnovu određenih prepostavki.

Voda za orušavanje vazduha je do dva reda mlaznica za fino raspršivanje (proizvođač BETE, PJ 20) dopremana pomoću pumpe (proizvođač Grunfoss) iz merne kade (rezervoara). Na usisu pumpe postavljeni su nepovratni ventili i odvajač nečistoća (HERC, veličine sita  $0,3 \mu\text{m}$ ), kojim su fini otvori mlaznice štićeni od zaprljanja. Višak vode koja nije ishlapela u vazduh skupljan je u kadi maglene sekcije i vraćan u merni rezervoar. Protok vode koja je utrošena na orušavanje vazduha menjan je pomoću loptastih ventila i pomoću vase i hronometra meren po uspostavljanju stacionarnog radnog režima. Temperatura vode merena je u samom mernom rezervoaru (kadi) pomoću PT100 sonde na uređaju Mekontik.

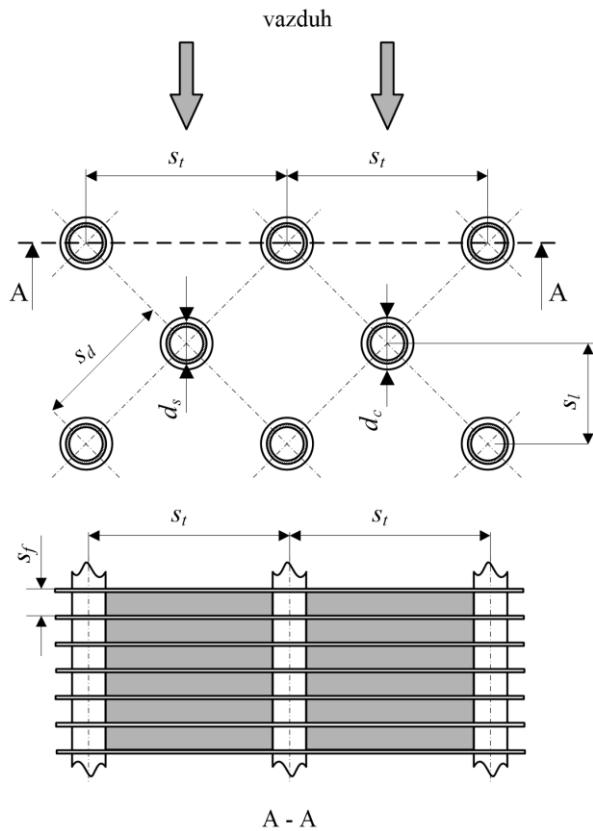
Protok tople vode za zagrevanje razmenjivača toplote meren je pomoću baždarenog kalorimetra, a variran regulacijom na loptastim ventilima na razvodnom i povratnom cevovodu. Izvršeno je i uporedno merenje protoka vode pomoću ultrazvučnog merila KROHNE, koje je bilo postavljeno na povratni cevovod tople vode. S obzirom da su dobijeni rezultati bili u dobrom poklapaju, kao merodavne su uzete vrednosti izmerene kalorimetrom.

Na priključcima razmenjivača pomoću uparenih izbaždrenih sondi PT500, povezanih na kalorimetar, merene su temperature tople vode na ulazu ( $t_{1p}$  [ $^{\circ}$ C]) i izlazu iz aparata ( $t_{1k}$  [ $^{\circ}$ C]), a takođe je merena i razlika temperatura tople vode na njihovom ulazu i izlazu ( $\Delta t_1$  [ $^{\circ}$ C]).

U tabeli 1. date su relevantne geometrijske karakteristike ispitivanih razmenjivača toplote sa lamelastim rebrima i šahovskim rasporedom cevi, a šematski prikaz je dat na slici 2.

Tabela 1. Geometrijske karakteristike  
ispitivanih razmenjivača toplote

Tip ispitivanog aparata	1	2
$H$ [mm] – visina razmenjivača toplote (strujnog kanala)	360	360
$B$ [mm] – širina razmenjivača toplote (strujnog kanala)	360	360
$L$ [mm] – dužina razmenjivača u smeru strujanja vazduha	120	240
$d_u$ [mm] – unutrašnji prečnik cevi	11,9	11,9
$d_s$ [mm] – spoljašnji prečnik cevi	12,6	12,6
$d_{kr}$ [mm] – prečnik u korenu rebara	12,9	12,9
$N_t$ [/] – broj cevi u čeonom redu	12	12
$N_r$ [/] – broj redova cevi u pravacu strujanja vazduha	4	8
$N_c$ [/] – ukupan broj cevi	48	96
$s_l$ [mm] – podužni korak cevi	30	30
$s_t$ [mm] – poprečni korak cevi	30	30
$N_{reb}$ [/] – ukupni broj rebara po dužini razmenjivača	63	63
$N_r$ [1/m] – broj rebara po jedinici dužine	175	175
$\delta_r$ [mm] – debljina rebara	0,3	0,3
$s_r$ [mm] – korak rebara	5,71	5,71
$S_{un}$ [ $m^2$ ] – površina za razmenu topline sa unutrašnje strane cevi	0,675	1,35
$S_{sp}$ [ $m^2$ ] – površina za razmenu topline sa spoljašnje strane cevi	5,19	10,4
$s_v$ [ $m^2/m^3$ ] – specifična površina o-rebrene površine	342	342
$\varepsilon$ [ $m^3/m^3$ ] – poroznost o-rebrene površine (cevnog snopa)	0,810	0,810
$d_h$ [mm] – hidraulički prečnik	9,47	9,47
$\lambda_r$ [W/m·K] – topotna provodljivost materijala rebara (aluminijum)	220	220
$\lambda_z$ [W/m·K] – topotna provodljivost materijala zida cevi (bakar)	380	380



Slika 2. Osnovne geometrijske veličine ispitivanih razmenjivača toplote

## 2.2. Uslovi za izvođenje eksperimenta

Za svaki radni („suvi“ i „vlažni“) režim vršena su istovremeno merenja pada pritiska pri strujanju vazduha preko površine razmenjivača topline i merenja njihovih topotnih performansi.

Sva merenja potrebnih veličina (protoka vazduha i vode, temperatura oba radna fluida na ulazu i izlazu iz razmenjivača topline, kao i pada pritiska vazduha pri strujanju kroz aparat) vršena su nakon uspostavljanja (prividno) stacionarnog stanja kada se stabilizuju svi mereni parametri (u okviru određenih granica prihvatljivosti), pri čemu se smatralo da su svi merni uređaji bili dovoljno dugo pod uticajem radnih fluida. Pored ovoga, potrebno je da budu ispunjeni i uslovi ponovljivosti i reproduktivnosti merenja radnih režima.

Eksperimentalni podaci su prikupljeni pri realnim eksploatacionim uslovima u zimskom periodu. U zavisnosti

od vremenskih uslova toplana je topotnoj podstanici na Mašinskom fakultetu, u kojoj je bila smeštena merna instalacija, isporučivala toplu vodu temperature koja je varirala u toku dana, ali i od dana do dana, tako da su režimi „pokrivali“ različite protoke i temperature vode za zagrevanje razmenjivača topote. Sva merenja su izvršena za delimično kontrolisane (približno konstantne) temperature i relativne vlažnosti vazduha u topotnoj podstanici, pri čemu je instalacija bila zaštićena od spoljašnjih vremenskih uticaja (vatra, kiše, mraza...). Topotni bilans za sva tri toka (vazduh, topla voda i voda za orosavanje) proveravan je tokom prikupljanja eksperimentalnih podataka, pri čemu su se tolerisale greške manje od 10%.

### 2.3. Matematička obrada i procena kvaliteta eksperimentalnih rezultata

Eksperimentalni rezultati su matematički obrađeni pomoću statističkih metoda pogodnih za procenu kvaliteta rezultata i određivanje odgovarajućih funkcionalnih zavisnosti u obliku bezdimenzionih jednačina [7].

Za definisanje pada pritiska na razmenjivaču topote sa lamelastim rebrima merene su sledeće veličine:

- $\Delta p_{usis}$  [Pa] – razlika atmosferskog i statičkog pritiska vazduha u usisnom preseku merne cevi,
- $\Delta p_{RT}$  [Pa] – pad pritiska na razmenjivaču topote,
- $p_{amb}$  [Pa] – ambijentalni pritisak vazduha,
- $t_{usis}$  [°C] – temperatura vazduha na usisu u cev.
- Na osnovu prethodno izmerenih vrednosti mogao se izračunati zapreminski protok vazduha  $V_2$  [ $m^3/h$ ].
- Za definisanje topotnih performansi ovih razmenjivača topote merene su sledeće veličine:
- $\Delta p_{usis}$  [Pa] – diferencijalni pritisak vazduha u usisnom preseku cevi,
- $t_{usis}$  [°C] – temperatura vazduha na usisu u cev,
- $p_{amb}$  [Pa] – ambijentalni pritisak vazduha,
- $t_{2p}$  [°C] – temperatura vazduha po suvom termometru na ulaznom preseku razmenjivača topote,
- $\varphi_{2p}$  [%] – relativna vlažnost vazduha na ulaznom preseku razmenjivača,
- $t_{2k}$  [°C] – temperatura vazduha po suvom termometru na izlaznom preseku razmenjivača topote,
- $\varphi_{2k}$  [%] – relativna vlažnost vazduha na izlaznom preseku razmenjivača,
- $V_1$  [l/h] – zapreminski protok tople vode kroz razmenjivač,
- $t_{1p}$  [°C] – temperatura tople vode na ulazu u razmenjivač,
- $t_{1k}$  [°C] – temperatura tople vode na izlazu iz razmenjivača,

- $\Delta t_1$  [°C] – razlika temperaturne tople vode na ulazu i izlazu iz RT,
- $m_{oros}$  [kg/s] – maseni protok vode za orosavanje vazduha,
- $t_{oros}$  [°C] – temperatura vode za orosavanje vazduha,
- $t_{wt}$  [°C] – temperatura vazduha po vlažnom termometru na ulazu u razmenjivaču topote nakon procesa orosavanja.

Za procenu kvaliteta rezultata merenja koristi se ocena disperzije (standardne devijacije), odnosno greška merenja, koja predstavlja razliku između izmerene (slučajne) i stvarne veličine [7].

Da bi se odredila disperzija rezultata merenja, potrebne su sledeće veličine dobijene na osnovu sprovedenih merenja:

- $m_1$  [kg/s] – maseni protok toplijeg fluida (voda),
- $m_2$  [kg/s] – maseni protok hladnijeg fluida (suvog vazduha),
- $t_{1p}$  [°C] – temperatura toplijeg fluida na ulazu u razmenjivač,
- $t_{1k}$  [°C] – temperatura toplijeg fluida na izlazu iz razmenjivača,
- $\Delta t_1$  [°C] – diferencijalna temperatura toplijeg fluida,
- $t_{2p}$  [°C] – temperatura hladnijeg fluida na ulazu u razmenjivač,
- $t_{2k}$  [°C] – temperatura hladnijeg fluida na izlazu iz razmenjivača,
- $\varphi_{2p}$  [%] – relativna vlažnost vazduha na ulaznom preseku razmenjivača,
- $\varphi_{2k}$  [%] – relativna vlažnost vazduha na izlaznom preseku razmenjivača,
- $S_{rt}$  [ $m^2$ ] – površina za razmenu topote.

Greške merenja pojedinačnih veličina su: greška merenja temperature (ocena disperzije)  $s_t = 0,1^\circ\text{C}$ , greška merenja relativne vlažnosti  $s_\varphi = 2,5\%$  (pri temperaturi vazduha od  $20^\circ\text{C}$  i relativnoj vlažnosti  $30 \div 85\%$ ), kao i greška merenja protoka  $s_m = 0,5 \text{ kg/s}$ .

Topotna snaga razmenjivača topote računata je preko podataka za topliji fluid (vodu):

$$Q_1 = m_1 \cdot c_{p1} \cdot (t_{1k} - t_{1p}) \quad (2)$$

pri čemu  $c_{p1}$  [ $J/(kgK)$ ] predstavlja specifični maseni topotni kapacitet vode.

Topotna snaga razmenjivača sa strane hladnijeg fluida (vazduha) jednak je

$$Q_2 = m_2 \cdot (h_{2k} - h_{2p}) \quad (3)$$

gde su  $h_{2p}$  i  $h_{2k}$  [ $kJ/kg$ ] specifične entalpije vlažnog vazduha po 1 kg suvog vazduha na ulazu i izlazu iz razmenjivača respektivno.

Specifična entalpija vlažnog vazduha jednaka je:

$$h_2 = c_{p,sv2} \cdot t_2 + x_2 \cdot (r + c_{p,p2} \cdot t_2) \quad (4)$$

pri čemu su  $c_{p,sv2}$  i  $c_{p,p2}$  [J/(kg·K)] specifični topotni kapaciteti suvog vazduha i vodene pare na datoj temperaturi,  $x_2$  [kg<sub>vlagi</sub>/kg<sub>sv</sub>] je apsolutna vlažnost vazduha, a  $r$  [kJ/kg] predstavlja topotu isparavanja vode na 0°C.

Apsolutna vlažnost vazduha se može izračunati na osnovu izraza

$$x_2 = \frac{18,02}{28,96} \cdot \frac{\varphi_2 \cdot p_{sat}(t_2)}{p_{amb} - \varphi_2 \cdot p_{sat}(t_2)} \quad (5)$$

gde  $p_{sat}$  [Pa] predstavlja pritisak saturacije (zasićenja) vlažnog vazduha koji na osnovu Antoanove jednačine [8] iznosi:

$$p_{sat}(t) = 13 \cdot 10^9 \cdot \exp\left(\frac{-3885}{t + 230,2}\right) \quad (6)$$

Ukoliko su vršena merenja u vlažnom režimu, trebalo je uzeti u obzir i maseni protok vode za orušavanje koja ispari  $m_{isp}$  [kg/s]:

$$m_{isp} = m_2 \cdot (x_{2k} - x_{2p}) \quad (7)$$

Sva termofizička svojstva vlažnog vazduha i vode određivana su prema [9].

Na osnovu prethodno rečenog, srednja vrednost topotne snage za jedan merni prolaz (režim) iznosi

$$Q_{sr} = \frac{Q_1 + Q_2}{2} \quad (8)$$

dok je greška merenja topotne snage jednaka

$$s_Q = \sqrt{(Q_1 - Q_{sr})^2 + (Q_2 - Q_{sr})^2} \quad (9)$$

Prema ovome, topotna snaga se može izraziti u obliku  $Q_{sr} \pm s_Q$ , a stacionarnost radnog režima se procenjuje na osnovu odnosa

$$\Delta_{St} = \frac{s_Q}{Q_{sr}} \quad (10)$$

Koeficijent prolaza topote za razmenjivač topote sa suprotnosmernim tokom može se odrediti pomoću izraza:

$$k = \frac{Q_{sr}}{S_{rt} \cdot \Delta t_{sr}} \quad (11)$$

gde je  $\Delta t_{sr}$  [°C] srednja temperaturska razlika i prema [10] iznosi

$$\Delta t_{sr} = \varepsilon_t \cdot \frac{(t_{1p} - t_{2k}) - (t_{1k} - t_{2p})}{\ln \frac{t_{1p} - t_{2k}}{t_{1k} - t_{2p}}} \quad (12)$$

a  $\varepsilon_t$  predstavlja korekcioni faktor za srednju temperatursku razliku koji je u slučaju razmenjivača topote sa suprotnosmernim tokom jednak jedinici.

S obzirom da je prema jednačini (10) koeficijent prolaza topote funkcija topotne snage  $Q_{sr}$ , srednje temperaturske razlike  $\Delta t_{sr}$  i površine za razmenu topote  $S_{rt}$ , disperzija koeficijenta prolaza topote na osnovu [7] iznosi

$$s_k^2 = \left[ \frac{\partial}{\partial Q_{sr}} \left( \frac{Q_{sr}}{S_{rt} \cdot \Delta t_{sr}} \right) \right]^2 s_Q^2 + \left[ \frac{\partial}{\partial S_{rt}} \left( \frac{Q_{sr}}{S_{rt} \cdot \Delta t_{sr}} \right) \right]^2 s_{S_{rt}}^2 + \left[ \frac{\partial}{\partial \Delta t_{sr}} \left( \frac{Q_{sr}}{S_{rt} \cdot \Delta t_{sr}} \right) \right]^2 s_{\Delta t_{sr}}^2 \quad (13)$$

Imajući u vidu da je srednja temperaturska razlika funkcija četiri merene temperature, to se njena disperzija može izračunati na osnovu jednačine

$$s_{\Delta t_{sr}}^2 = \left[ \frac{\partial (\Delta t_{sr})}{\partial t_{1p}} \right]^2 s_t^2 + \left[ \frac{\partial (\Delta t_{sr})}{\partial t_{1k}} \right]^2 s_t^2 + \left[ \frac{\partial (\Delta t_{sr})}{\partial t_{2p}} \right]^2 s_t^2 + \left[ \frac{\partial (\Delta t_{sr})}{\partial t_{2k}} \right]^2 s_t^2 \quad (14)$$

Koeficijent prolaza topote na osnovu rezultata merenja iznosi  $k \pm s_k$ , dok je preciznost merenja koeficijenta prolaza topote jednaka

$$S_k = \frac{s_k}{k} \quad (15)$$

Koeficijent prolaza topote sveden na unutrašnju površinu razmenjivača topote iznosi:

$$\frac{1}{k_{un}} = \left( \frac{1}{\alpha_1} + R_1 \right) + \frac{d_u}{2 \cdot \lambda_z} \cdot \ln \frac{d_s}{d_u} + \\ + \frac{d_u}{2 \cdot \lambda_r} \cdot \ln \frac{d_{kr}}{d_s} + \left( \frac{1}{\alpha_2} + R_2 \right) \cdot \frac{S_{un}}{S_{sp} \cdot \eta_2} \quad (16)$$

a sveden na spoljašnju površinu razmenjivača jednak je

$$\frac{1}{k_{sp}} = \left( \frac{1}{\alpha_1} + R_1 \right) \cdot \frac{S_{sp}}{S_{un}} + \frac{S_{sp}}{2 \cdot \pi \cdot \lambda_z} \cdot \ln \frac{d_s}{d_u} + \\ + \frac{S_{sp}}{2 \cdot \pi \cdot \lambda_r} \cdot \ln \frac{d_{kr}}{d_s} + \left( \frac{1}{\alpha_2} + R_2 \right) \cdot \frac{1}{\eta_2} \quad (17)$$

gde  $\eta_2$  predstavlja efikasnost orebene površine, a  $R_1$  i  $R_2$  [ $\text{m}^2 \cdot \text{K/W}$ ] su otpori usled zaprljanja sa vodene i vazdušne strane respektivno koji su prilikom obrade podataka zanemareni, jer su ispitivani razmenjivači topote bili novi, odnosno nezaprljeni. Pri tome ni kontaktni otpori između rebara i cevi nisu bili uzimani u obzir.

Efikasnost orebene površine se može izračunati na osnovu sledećeg izraza:

$$\eta_2 = 1 - (1 - \theta) \cdot \frac{S_r}{S_{sp}} \quad (18)$$

gde je  $S_r$  [ $\text{m}^2/\text{m}$ ] – površina orebrenja po jedinici dužine cevi:

$$S_r = 2 \cdot N_r \cdot \left( s_t \cdot s_l - \frac{\pi \cdot d_{kr}^2}{4} \right) \quad (19)$$

$\theta$  [%] – efikasnost rebara:

$$\theta = \frac{\tanh \left( \sqrt{\frac{\alpha_2 \cdot l_r^*}{\lambda_r}} \right)}{\sqrt{\frac{\alpha_2 \cdot l_r^*}{\lambda_r}}} \quad (20)$$

pri čemu je  $l_r^*$  [m] karakteristična geometrijska veličina za poprečna rebara, a može se izračunati pomoću izraza:

$$l_r^* = \frac{2 \cdot l_{ef}}{\delta_r} \quad (21)$$

gde je  $l_{ef}$  [m] efektivna dužina rebara:

$$l_{ef} = h_r \cdot \left( 1 + \frac{\delta_r}{2 \cdot h_r} \right) \cdot \left( 1 + 0,35 \cdot \ln \frac{d_r}{d_s} \right) \quad (22)$$

pri čemu je  $h_r$  [m] proračunska visina rebara:

$$h_r = \frac{d_r - d_{kr}}{2} \quad (23)$$

Koeficijent prelaza topote sa strane topilje fluida (voda) može se izračunati pomoću jednačine

$$\alpha_1 = \text{Nu}_1 \cdot \frac{\lambda_1}{d_u} \quad (24)$$

gde je  $\text{Nu}_1$  Nuseltov broj za vodu, a  $\lambda_1$  [ $\text{W/m} \cdot \text{K}$ ] koeficijent topotne provodljivosti vode.

Nuseltov broj se može izračunati na osnovu sledećih izraza:

- za laminarni režim strujanja ( $\text{Re}_1 < 2300$ ) [11]

$$\text{Nu}_1 = \left[ 148 + 0,553 \cdot (\text{Re}_1 \cdot \text{Pr}_1)^{1,445} \right]^{0,295} \\ \left( \frac{d_u}{0,13 \cdot 10^3} \right)^{0,04} \cdot \left( \frac{\mu_1}{\mu_{1z}} \right)^{0,14} \quad (25)$$

- za turbulentni režim strujanja ( $\text{Re}_1 > 2300$ ) [12]

$$\text{Nu}_1 = 0,0235 \cdot (\text{Re}_1^{0,8} - 230) \cdot (1,8 \cdot \text{Pr}_1^{0,3} - 0,8) \quad (26)$$

pri čemu je  $\text{Re}_1$  – Rejnoldsov broj za topilji fluid:

$$\text{Re}_1 = \frac{w_1 \cdot d_u \cdot \rho_1}{\mu_1} \quad (27)$$

$w_1$  [ $\text{m/s}$ ] – srednja brzina strujanja fluida kroz cevi RT,  $\rho_1$  [ $\text{kg/m}^3$ ] – gustina fluida koji struji kroz cevi,  $\mu_1$  [ $\text{Pa} \cdot \text{s}$ ] – dinamička viskoznost fluida koji struji kroz cevi,  $\text{Pr}_1$  – Prantlov broj za fluid koji struji kroz cevi:

$$\text{Pr}_1 = \frac{c_{p1} \cdot \mu_1}{\lambda_1} \quad (28)$$

Koeficijent prelaza topote sa strane hladnjeg fluida (vazduh) može se izračunati pomoću jednačine

$$\alpha_2 = \text{Nu}_2 \cdot \frac{\lambda_2}{d_h} \quad (29)$$

pri čemu je  $\text{Nu}_2$  Nuseltov broj za vazduh,  $\lambda_2$  [ $\text{W/m} \cdot \text{K}$ ] predstavlja koeficijent topotne provodljivosti vazduha, a  $d_h$  [mm] je hidraulički prečnik koji se može izračunati na osnovu izraza:

$$d_h = \frac{4 \cdot \varepsilon}{S_v} \quad (30)$$

gde je  $s_v$  [m<sup>2</sup>/m<sup>3</sup>] – specifična orebrena površina:

$$s_v = \pi \cdot \frac{d_s \cdot (s_r - \delta_r) + \frac{d_r^2 - d_s^2}{2} + d_r \cdot \delta_r}{s_t \cdot s_l \cdot s_r} \quad (31)$$

$\varepsilon$  [m<sup>3</sup>/m<sup>3</sup>] – poroznost orebrene površine (cevnog snopa):

$$\varepsilon = 1 - \frac{\pi \cdot [d_s^2 \cdot (s_r - \delta_r) + d_r^2 \cdot \delta_r]}{s_t \cdot s_l \cdot s_r} \quad (32)$$

### 3. Zaključna razmatranja

Za razmenjivače topote sa orebrenim cevima (RTOC) se u literaturi može naći veliki broj jednačina za izračunavanje koeficijenata otpora strujanja vazduha i prelaza topote za različite režime strujanja pri eksploraciji. Eksperimentalni i numerički podaci definisani za najrazličitije konstrukcije i uslove rada RTOC pri razmeni senzibilne (suve) topote su brojni, ali su literaturni izvori izrazito skromni kada su u pitanju RTOC koji rade kao zagrejači vazduha (npr. kondenzator toplovnih pumpi) sa orosavanjem vazduha na ulazu u aparat, posebno u pogledu tačnosti i primene dostupnih podataka. Postavlja se pitanje šta se od datih podataka može iskoristiti kod ovakvih RT pri razmeni suve topote sa vlaženjem vazduha do stanja adijabatskog zasićenja i pri razmeni suve i latentne topote za slučaj strujanja presičenog vazduha.

Na osnovu gore prikazane procedure, pri radu RT u režimima sa i bez orosavanja vazduha, došlo se do rezultata (softverskog rešenja) koji u praksi omogućavaju brzo i pouzdano određivanje parametara ovakvih tipova razmenjivača topote.

Pored ovoga, ostvareni su i sledeći rezultati:

razvijena je eksperimentalna instalacija za ispitivanje strujno–termičkih performansi rada vazdušnih hladnjaka – razmenjivača topote sa orebrenim cevima koji rade kao zagrejači vazduha u uslovima orosavanja vazduha,

definisani su svi merodavni parametri neophodni za dobijanje korelacije za proračun pada pritiska, kao i proračunske metode za određivanje koeficijenata prelaza topote i vlage,

potvrđene su kriterijumske zavisnosti za izračunavanje pada pritiska i koeficijenta prelaza topote u svim režimima.

Rezultati dobijeni na osnovu ovih eksperimentalnih mera, kao i podataka iz dostupne literature, objavljeni su u radovima u časopisima sa SCI liste [13–15].

Trenutno je u toku izrada matematičke procedure – modela za određivanje fenomena prenosa topote i supstancije kod RT sa orebrenim cevima u realnim radnim uslovima.

### Zahvalnost

Autori se ovom prilikom posebno zahvaljuju firmi „Termovent“ iz Beograda na donaciji meglene sekcijske koja je korišćena za potrebe ovih eksperimentalnih mera.

### 4. Literatura

- [1] \*\*\* EN 306: 1997 Heat exchangers – Methods of measuring the parameters for establishing performance
- [2] \*\*\* EN 307: 1997 Heat exchangers – Guidelines for preparing installation, operating and maintenance instructions required to maintain the performance of each type of heat exchanger
- [3] \*\*\* EN 1148: 1997 Heat exchangers – Water to water heat exchangers for district heating – Test procedure for establishing the performance data
- [4] \*\*\* EN 305: 1997 Heat exchangers – Definitions of performance of heat exchangers and the general test procedure for establishing performance of all heat exchangers
- [5] Batty J., Danen G., Van der Heul F., Jansen J., Nanning P., Shell flow meter engineering handbook, McGraw–Hill, 2nd edition, 1985.
- [6] \*\*\* SRPS ISO 3966: 2013 BSRIA AG 3/89.3
- [7] Jaćimović, B., Genić, S., Principi modeliranja u procesnoj tehničici, Skripta za doktorske studije, Mašinski fakultet, Beograd, 2005.
- [8] Jaćimović, B., Genić, S., Difuzione operacije i aparati, Deo 1: Osnovi transporta supstancije, Mašinski fakultet, Beograd, 2007.
- [9] Genić S., Jaćimović B., Jarić M., Budimir N., Svojstva procesnih fluida, Savez mašinskih i elektrotehničkih inženjera i tehničara Srbije, Beograd, 2014.
- [10] Jaćimović, B., Genić, S., Toplotne operacije i aparati, Deo 1: Rekuperativni razmenjivači topote, Mašinski fakultet i VEDES, Beograd, 2004.
- [11] Genić S., Jaćimović B., Toplotne operacije i aparati, novo izdanje, u štampi
- [12] Hausen H., Wärmeübertragung im gegenstrom, gleichstrom und kreuzstrom, Springer–Verlag, Berlin, 1976.
- [13] Otović, M., Mihailović, M., Genić, S., Jaćimović, B., Milovančević, U., Marković, S., Reconsideration of data and correlations for plate finned–tube heat exchangers, Heat and Mass Transfer 54 (2), 2018.
- [14] Marković, S., Jaćimović, B., Genić, S., Mihailović, M., Milovančević, U., Otović, M., Air side pressure drop in plate finned tube heat exchangers, International Journal of Refrigeration 99, 2018.
- [15] Mihailović, M., Milovančević, U., Genić, S., Jaćimović, B., Otović, M., Kolendić, P., Air side heat transfer coefficient in plate finned tube heat exchangers, Experimental Heat Transfer, online, 2019.